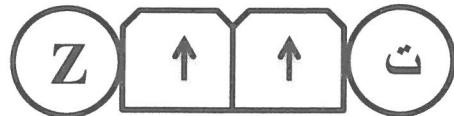


٢



٣



امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٥

د س

(وثيقة محمية/محدود)

رقم المبحث: 348

المبحث : الرياضيات

مدة الامتحان: ٠٠ : ٣

الفرع: الصناعي/مسار التعليم الثانوي المهني الشامل

اليوم والتاريخ: الأحد ٢٠٢٥/٦/٢٩

رقم النموذج: (١)

اسم الطالب:

رقم الجلوس:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٤)، بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنّ عدد صفحات الامتحان (٧).

سؤال الأول: (١٠٠ علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل عامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنّ عدد فقراته (٢٥)، وانتبه عند تضليل إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابلها (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و (b) يقابلها (ب)، و (c) يقابلها (ج)، و (d) يقابلها (د).

(1) إذا كان: $f(x) = 3e^{2x^2} + x$ ، فإنّ قيمة $(f'(0))'$ هي:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 5

(2) إذا كان: $f(x) = \ln \sqrt{x^3}$ ، $x > 0$ ، فإنّ ناتج $(f'(x))'$ هو:

- a) $\frac{3x^2}{2\sqrt{x^3}}$
- b) $\frac{3}{2x}$
- c) $\frac{3x^2}{2}$
- d) $\frac{3}{2x^3}$

(3) إذا كان: $f(x) = x^2 + 3 \sin x$ ، فإنّ قيمة $f'(2\pi)$ هي:

- a) $2\pi + 3$
- b) $2\pi - 3$
- c) $4\pi + 3$
- d) $4\pi - 3$

الصفحة الثانية

إذا كانت: $y = t^3 - 3$, $x = 2t - 1$ هي: $\frac{dy}{dx}$ عند $t = 2$ فإن قيمة y هي: (4)

- a) 12
- b) 6
- c) 4
- d) 2

إذا كان: $f(x) = \frac{4x^2 - 1}{2x + 1}$ فإن قيمة $f'(-1)$ هي: (5)

- a) 3
- b) 2
- c) -2
- d) -3

إذا كانت: $y = 3x - 5$ هي معادلة المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ عند النقطة $(1, -2)$ ، فإن قيمة ميل

العمودي على المماس عند تلك النقطة هي:

- a) $\frac{1}{3}$
- b) $-\frac{1}{3}$
- c) 3
- d) -3

إذا كان: $f'(x) = \cos(x^3 + 2x^2 - 3)$ ، فإن ناتج $f'(x)$ هو: (7)

- a) $-\sin(x^3 + 2x^2 - 3)$
- b) $\sin(x^3 + 2x^2 - 3)$
- c) $-(3x^2 + 4x) \sin(x^3 + 2x^2 - 3)$
- d) $(3x^2 - 4x) \sin(x^3 + 2x^2 - 3)$

إذا كانت: $x^2 = \cot y$ ، فإن قيمة $\frac{dy}{dx}$ عند النقطة $\left(1, \frac{\pi}{4}\right)$ هي: (8)

- a) 1
- b) -4
- c) 4
- d) -1

الصفحة الثالثة

(9) قيمة x التي يكون للاقتران: $f(x) = x^2 - 4$ عُظمى مطلقة في الفترة $[-1, 2]$ هي:

- a) 2
- b) 1
- c) 0
- d) -1

(10) إذا كان: $i = \sqrt{-1}$ ، فإن ناتج $^{13}(i)$ في أبسط صورة هو:

- a) 1
- b) -1
- c) i
- d) $-i$

(11) مُرافق العدد المركب: $z = 3 - 4i$ هو:

- a) $\bar{z} = -3 + 4i$
- b) $\bar{z} = -3 - 4i$
- c) $\bar{z} = 3 + 4i$
- d) $\bar{z} = 3 - 4i$

(12) سعة العدد المركب: $z = -2 + 2i$ هي:

- a) $\frac{\pi}{4}$
- b) $-\frac{\pi}{4}$
- c) $-\frac{3\pi}{4}$
- d) $\frac{3\pi}{4}$

(13) إذا كان: $z = 3 + \sqrt{-4}$ ، فإن قيمة $|z|$ هي:

- a) $\sqrt{5}$
- b) $\sqrt{13}$
- c) 13
- d) 5

الصفحة الرابعة

ناتج: $\int \frac{\sin x}{5+\cos x} dx$ هو: (14)

- a) $\ln |5 + \cos x| + C$
- b) $-\ln |5 + \cos x| + C$
- c) $5 \ln |5 + \cos x| + C$
- d) $-5 \ln |5 + \cos x| + C$

ناتج: $\int (e^{-2x} + 2x) dx$ هو: (15)

- a) $e^{-2x} + x^2 + C$
- b) $-e^{-2x} + x^2 + C$
- c) $\frac{1}{2}e^{-2x} + x^2 + C$
- d) $-\frac{1}{2}e^{-2x} + x^2 + C$

قيمة: $\int_{\frac{\pi}{16}}^{\frac{\pi}{12}} 4 \csc^2 4x dx$ هي: (16)

- a) $-\frac{1}{\sqrt{3}} + 1$
- b) $\frac{1}{\sqrt{3}} + 1$
- c) $\sqrt{3} + 1$
- d) $-\sqrt{3} + 1$

قيمة: $\int_0^1 |x^2 - 9| dx$ هي: (17)

- a) $\frac{26}{3}$
- b) $-\frac{26}{3}$
- c) 0
- d) 9

ناتج: $\int (2 - 4 \sin^2 x) dx$ هو: (18)

- a) $2x + 4 \cos^2 x + C$
- b) $2x - 4 \cos^2 x + C$
- c) $\sin 2x + C$
- d) $-\sin 2x + C$

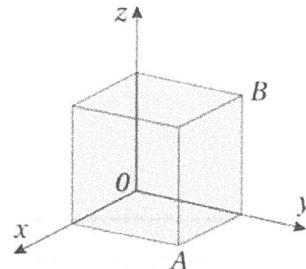
الصفحة الخامسة

(19) إذا كانت: \overrightarrow{BC} نقطتين في الفضاء، وكانت $C(2, 3, 1)$ ، $B(-2, k, 5)$ هي نقطة منتصف ، فإن قيمة الثابت k هي:

- a) 17
- b) 11
- c) -11
- d) 4

(20) اعتماداً على الشكل الآتي الذي يمثل مكعباً طول ضلعه 6 cm ، فإن إحداثيات النقطة B هي:

- a) $(0, 6, 6)$
- b) $(6, 0, 6)$
- c) $(0, 0, 6)$
- d) $(6, 6, 6)$



(21) إذا كانت: $B(-2, 6, 7)$ ، $A(4, -1, 2)$ نقطتين في الفضاء، فإن المتجه \overrightarrow{AB} بدلالة متجهات الوحدة الأساسية هو:

- a) $2\hat{i} + 5\hat{j} + 9\hat{k}$
- b) $-6\hat{i} + 7\hat{j} + 5\hat{k}$
- c) $6\hat{i} + 7\hat{j} + 5\hat{k}$
- d) $-6\hat{i} + 7\hat{j} - 5\hat{k}$

(22) إذا كان: $\langle -2, k, -2 \rangle$ ، وكان $|\vec{v}| = \sqrt{17}$ ، فإن قيمتي الثابت k هما:

- a) $-17, 17$
- b) $-\sqrt{12}, \sqrt{12}$
- c) $-2, 2$
- d) $-\sqrt{30}, \sqrt{30}$

(23) إذا كان: $\vec{v} = \langle 6, 2n, k \rangle$ ، $\vec{u} = \langle 3n, m, 5 \rangle$ ، $n + m - k$ هي:

- a) 1
- b) 3
- c) 4
- d) 11

الصفحة السادسة

إذا كان: $\vec{b} = \langle 4, -2, 5 \rangle$ ، فإن المتجه: $\vec{a} - 2\vec{b} = \langle 2, 3, -4 \rangle$ هو: (24)

- a) $\langle 0, 5, -9 \rangle$
- b) $\langle 0, 8, -13 \rangle$
- c) $\langle 6, 1, 1 \rangle$
- d) $\langle 6, 8, 13 \rangle$

إذا كان: $\vec{u} = \hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$ ، $\vec{v} = 2\hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$ هي: (25)

- a) 8
- b) -8
- c) 12
- d) 16

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

السؤال الثاني: (34 علامة)

(a) جد $\frac{dy}{dx}$ لكلٍ مما يأتي عند القيمة المُعطاة إزاء كلٍ منها: (13 علامة)

$$1) y = \frac{e^{2x} + x^2}{\sin 2x}, \quad x = \frac{\pi}{4}$$

$$2) y = \sqrt{x^3 \ln x}, \quad x = e$$

$$3) x = \sec t, \quad y = \tan t, \quad t = \frac{\pi}{3}$$

(b) إذا مثل الاقتران: $s(t) = t^3 - 6t^2 + 9t$ ، $t \geq 0$ ، موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم، حيث s الموضع

بالأمتار، t الزمن بالثواني، فأجب عن كلٍ مما يأتي: (12 علامة)

1) جد سرعة الجسم عندما يكون تسارعه 12 m/s^2 (1)

2) في أي اتجاه يتحرك الجسم عندما $t = 2$ (2)

3) جد اللحظة التي يعود فيها الجسم إلى موقعه الابتدائي.

(c) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة: $x^2 + 4xy + y^2 = 25$ عند النقطة $(0, 5)$ (9 علامات)

الصفحة السابعة

السؤال الثالث: (28 علامة)

(8 علامات)

إذا كان: $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x$ فجد كلاً مما يأتي:

1) فترات التزايد وفترات التناقص للاقتران $f(x)$

2) قيم x التي يكون عندها للاقتران $f(x)$ قيم قصوى محلية، مبيناً نوع كلٍ منها.

(12 علامة)

(b) جد ناتج العمليات الآتية على مجموعة الأعداد المركبة بالصورة القياسية:

1) $2 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right) \div 6 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$

2) $(3 + 5i)(4 - 3i)$

3) $(-4 + 2i) - (3 - 4i)$

(8 علامات)

(c) إذا كان: a, b ، فجد قيمة كلٍ من الثابتين: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (2 - \sin 2x) dx = a\pi + b$

السؤال الرابع: (38 علامة)

(16 علامة)

(a) جد كلاً من التكاملات الآتية:

1) $\int \sin(5x) \cos(3x) dx$

2) $\int \ln(x^3 e^{2x}) dx$

3) $\int (x - 1) \sqrt{x^2 - 2x + 5} dx$

(b) إذا كان: $v(t) = 15t e^{-0.05t^2}$ يمثل سرعة جسم يتحرك في مسار مستقيم، حيث t الزمن بالثاني، v سرعته

بالمتر لكل ثانية، إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الأصل، فجد موقع الجسم بعد t ثانية.

(8 علامات)

(c) إذا كانت: $A(2, 3, -1)$ ، $B(2, 0, 4)$ ، $C(-2, 1, 2)$ ، ثلات نقاط في الفضاء فجد كلاً مما يأتي:

(14 علامة)

1) الصورة الإحداثية للمتجه \overrightarrow{BC}

2) ناتج الضرب القياسي للمتجهين: \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB}

3) قياس الزاوية بين المتجهين: \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} إلى أقرب عشر درجة.

«انتهت الأسئلة»

الحمد لله رب العالمين



امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٥

(وثيقة محمية/محدود)

د س

رقم المبحث: 347

المبحث : الرياضيات

الفرع: الفندقي والسياحي/مسار التعليم الثانوي المهني الشامل

رقم النموذج: (١)

اسم الطالب:

مدة الامتحان: ٠٠ : ٣

اليوم والتاريخ: الأحد ٢٠٢٥/٦/٢٩

رقم الجلوس:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٤)؛ بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الصوتي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أنّ عدد صفحات الامتحان (٧).

سؤال الأول: (١٠٠ علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلّ بشكل عامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الصوتي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أنّ عدد فقراته (٢٥)، وانتبه عند تطبيق إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابلها (أ) على ورقة القارئ الصوتي، و (b) يقابلها (ب)، و (c) يقابلها (ج)، و (d) يقابلها (د).

(1) الاقتران الأسّي من بين الاقترانات:

$$f(x) = x^{-3}, \quad g(x) = e^{-3x}, \quad h(x) = (-3)^x, \quad p(x) = \left(-\frac{1}{3}\right)^x$$

a) $f(x) = x^{-3}$

b) $g(x) = e^{-3x}$

c) $h(x) = (-3)^x$

d) $p(x) = \left(-\frac{1}{3}\right)^x$

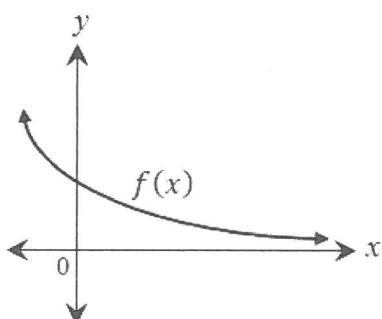
(2) قيمة الاقتران: $f(x) = 4^{-x}$ ، عند $x = 0$ هي:

a) 1

b) $\frac{1}{4}$

c) $\frac{1}{2}$

d) 4

(3) إذا مثّل الاقتران $(x)f$ في المستوى الإحداثي بصورة تقريبية كما في الشكل الآتي، فإنّ هذا الاقتران يمكن وصفه بأنه اقتران:

(a) أسّي متزايد

(b) لوغاريمي متزايد

(c)أسّي متناقص

(d) لوغاريمي متناقص

الصفحة الثانية

(4) مُعادلة خط التقارب الرأسي للاقتران: $f(x) = \log_4(6 - 3x)$ هي:

- a) $x = 6$
- b) $x = 4$
- c) $x = 3$
- d) $x = 2$

(5) مُعادلة خط التقارب الأفقي للاقتران: $f(x) = 6\left(2^x + \frac{1}{4}\right)$ هي:

- a) $y = \frac{1}{4}$
- b) $y = 6$
- c) $y = \frac{3}{2}$
- d) $y = 2$

(6) قيمة: $\log_2 2\sqrt{8}$ هي:

- a) $\frac{3}{2}$
- b) $\frac{5}{2}$
- c) 2
- d) 3

(7) إذا كان الاقتران: $f(x) = 100(0.5)^x$ يمثل النسبة المئوية للضوء المار خلال x من الألواح الزجاجية

المتوازية، فإن النسبة المئوية للضوء المار خلال 3 ألواح زجاجية متوازية هي:

- a) 0.125%
- b) 12.5%
- c) 1.25%
- d) 125%

(8) إذا كان: $f(x)$ ، فإن قيمة $f'(0)$ هي: $f'(x) = \frac{x-1}{x+1}$

- a) -2
- b) -1
- c) 0
- d) 2

الصفحة الثالثة

(9) إذا كان: $y = \sqrt{5 - x^2}$ ، فإن قيمة $\frac{dy}{dx}$ عندما $x = 1$ هي:

- a) -2
- b) $-\frac{1}{2}$
- c) $\frac{1}{2}$
- d) 2

(10) إذا كان: $f(x) = (e^{2x} + x)^3$ ، فإن قيمة $f'(0)$ هي:

- a) 0
- b) 3
- c) 9
- d) 18

(11) ميل المماس لمنحنى الاقتران: $f(x) = \frac{6}{x^2+2}$ عند النقطة $(2, 1)$ هو:

- a) $-\frac{4}{3}$
- b) $\frac{4}{3}$
- c) $-\frac{2}{3}$
- d) $\frac{2}{3}$

(12) ميل العمودي على المماس لمنحنى الاقتران: $f(x) = e^{3x} + 2$ عند النقطة $(0, 3)$ هو:

- a) 3
- b) $\frac{1}{3}$
- c) -3
- d) $-\frac{1}{3}$

(13) إذا كان: $g(3) = 2$ ، $g'(3) = \frac{3}{2}$ ، وكان: $f(u) = u^2 + 1$ ، حيث $h(x) = f(g(x))$: فإن قيمة $h'(3)$ هي:

- a) 3
- b) 4
- c) 6
- d) 8

الصفحة الرابعة

❖ إذا كان: $f'(2) = -3$ ، $f(2) = 5$ ، وكان: $x = 2$ ، فـ f اقترانين قابلين للاشتراك عند $x = 2$

فأجب عن كلٍ من الفقرتين (14) و (15) الآتيتين:

$\left(\frac{f}{g}\right)'(2)$ قيمة: هي:

- a) 2
- b) -2
- c) 8
- d) -8

$\left(\frac{f}{g}\right)'(2)$ قيمة: هي:

- a) -4
- b) 4
- c) -1
- d) 1

إذا كان: $f'(x) = \ln(x^2 + 1)$ ، فإن قيمة $f'(-1)$ هي:

- a) -1
- b) 1
- c) -2
- d) 2

$\int \frac{4}{x^3} dx$ ناتج: هو:

- a) $-\frac{2}{x^2} + c$
- b) $\frac{2}{x^2} + c$
- c) $-\frac{4}{x^4} + c$
- d) $\frac{4}{x^4} + c$

إذا كان: $\int_0^2 (x - k) dx = 8$ ، فإن قيمة الثابت k هي:

- a) 3
- b) -3
- c) 2
- d) -2

الصفحة الخامسة

(19) إذا كان: $\int_2^5 g(x) dx = 4$ ، فإن قيمة: $\int_5^2 (g(x) + 1) dx$ هي:

- a) -7
- b) 1
- c) -1
- d) 7

(20) ناتج: $\int \frac{e^x+1}{e^x} dx$ هو:

- a) $1 - \frac{1}{e^x} + C$
- b) $x - \frac{1}{e^x} + C$
- c) $1 + \frac{1}{e^x} + C$
- d) $x + \frac{1}{e^x} + C$

(21) قيمة: $\int_0^1 \frac{1}{3-2x} dx$ هي:

- a) $\frac{1}{2} \ln 3$
- b) $\ln 3$
- c) $-\frac{1}{2} \ln 3$
- d) $-\ln 3$

(22) إذا كانت: $f'(x) = 8x - 3$ ، وكان مُنحني الاقتران $f(x)$ يمر بالنقطة $(-1, 4)$ ، فإن قاعدة الاقتران $f(x)$ هي:

- a) $f(x) = 4x^2 + 3x + 4$
- b) $f(x) = 4x^2 + 3x - 4$
- c) $f(x) = 4x^2 - 3x + 3$
- d) $f(x) = 4x^2 - 3x - 3$

(23) إذا كان الاقتران: $C'(x) = 4x + 2$ يمثل التكلفة الحدية (بالدينار) لكل قطعة يُنتجها أحد المصانع، حيث x عدد القطع المنتجة، و $C(x)$ تكلفة إنتاج x قطعة بالدينار، فإن مقدار التغيير في التكلفة بالدينار عند زيادة المصنع إنتاجه من 100 قطعة إلى 200 قطعة شهرياً هو:

- a) 400
- b) 1212
- c) 60200
- d) 101800

الصفحة السادسة

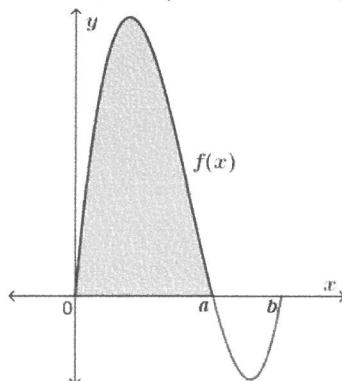
(24) إذا كان: $\int_0^4 f(x) dx = \begin{cases} 2x + 1, & x < 2 \\ 5, & x \geq 2 \end{cases}$

- a) 24
- b) 20
- c) 18
- d) 16

(25) إذا كانت مساحة المنطقة المظللة في الشكل الآتي تساوي 42 وحدة مربعة، وكان: $\int_0^b f(x) dx = 36$ ، فإن

قيمة $\int_a^b f(x) dx$ هي:

- a) 78
- b) -6
- c) 6
- d) -78



عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

السؤال الثاني: (30 علامة)

(a) إذا كان: $f(x) = 4(2)^{-x} - 3$ ، فأجب عن كلٍ مما يأتي:
1) جد قيمة $f(2)$

2) جد مجال الاقتران $f(x)$ ، ومداه.

3) بيّن إذا كان الاقتران $f(x)$ متزايداً أو متناقصاً، مُبرّراً إجابتك.

(b) إذا كان: $\log_a 5 = 0.94$ ، و $\log_a 3 = 0.53$ ، فجد قيمة كلٍ مما يأتي:

- 1) $\log_a 15$
- 2) $\log_a 0.6$
- 3) $\log_a 5a^2$
- 4) $\log_a \sqrt{45}$

(c) إذا كان: $f(x) = \log_3 x$ ، فأجب عن كلٍ مما يأتي:
1) أكمل جدول القيم الآتي:

x	$\frac{1}{3}$	1	3	9
$y = f(x)$

(2) مَقْرِئ الاقتران $f(x)$ بيانياً مُستعيناً بالجدول أعلاه.
يتبع الصفحة السابعة ، ، ،

الصفحة السابعة

السؤال الثالث: (36 علامة)

(a) جد $\frac{dy}{dx}$ لكلٍ مما يأتي عند قيمة x المُعطاة إزاء كلٍ منها:

1) $y = \ln\left(\frac{1}{x}\right) + \ln e^{(2x^2+1)}$ ، $x = \frac{1}{2}$

2) $y = u^3 - u + 1$ ، $u = 4x^2 - 2$ ، $x = 1$

(b) جد معادلة العمودي على المماس لمنحنى الاقتران: $f(x) = e^{2x} - 3x^2 + 5x$ ، عند $x = 0$ (10 علامات)

(c) يُمثل الاقتران: $P(t) = 5(3t^2 + 60)(10t + 50)$ عدد سُكان إحدى المُدن، حيث الزمن t بالسنوات مُنذُ

الآن، و P عدد السُكان: (10 علامات)

1) جد معدل تغيير عدد السُكان في المدينة بالنسبة إلى الزمن t في أبسط صورة.

2) جد معدل تغيير عدد السُكان في المدينة عندما $t = 2$ ، مُفسِّرًا معنى الناتج.

السؤال الرابع: (34 علامة)

(a) جد كلاً من التكاملات الآتية في أبسط صورة:

1) $\int \left(6x^2 - 3e^{3x} + \frac{x}{2}\right) dx$

2) $\int_0^1 (x+1)\sqrt{3x^2 + 6x} dx$

(b) إذا كان: $\int_{-5}^1 g(x) dx = 4$ ، $\int_{-5}^1 f(x) dx = 3$ ، $\int_{-5}^5 f(x) dx = 8$ فجد قيمة كلٍ مما يأتي:

(10 علامات)

1) $\int_{-5}^1 \left(\frac{1}{2}g(x) + \frac{4}{3}f(x)\right) dx$

2) $\int_1^{-5} (-2 + 3f(x)) dx$

3) $\int_1^5 f(x) dx$

(c) جد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران: $f(x) = 3x^2 - 12x$ ، والمحور x (10 علامات)

الله اعلم